

# グラフ

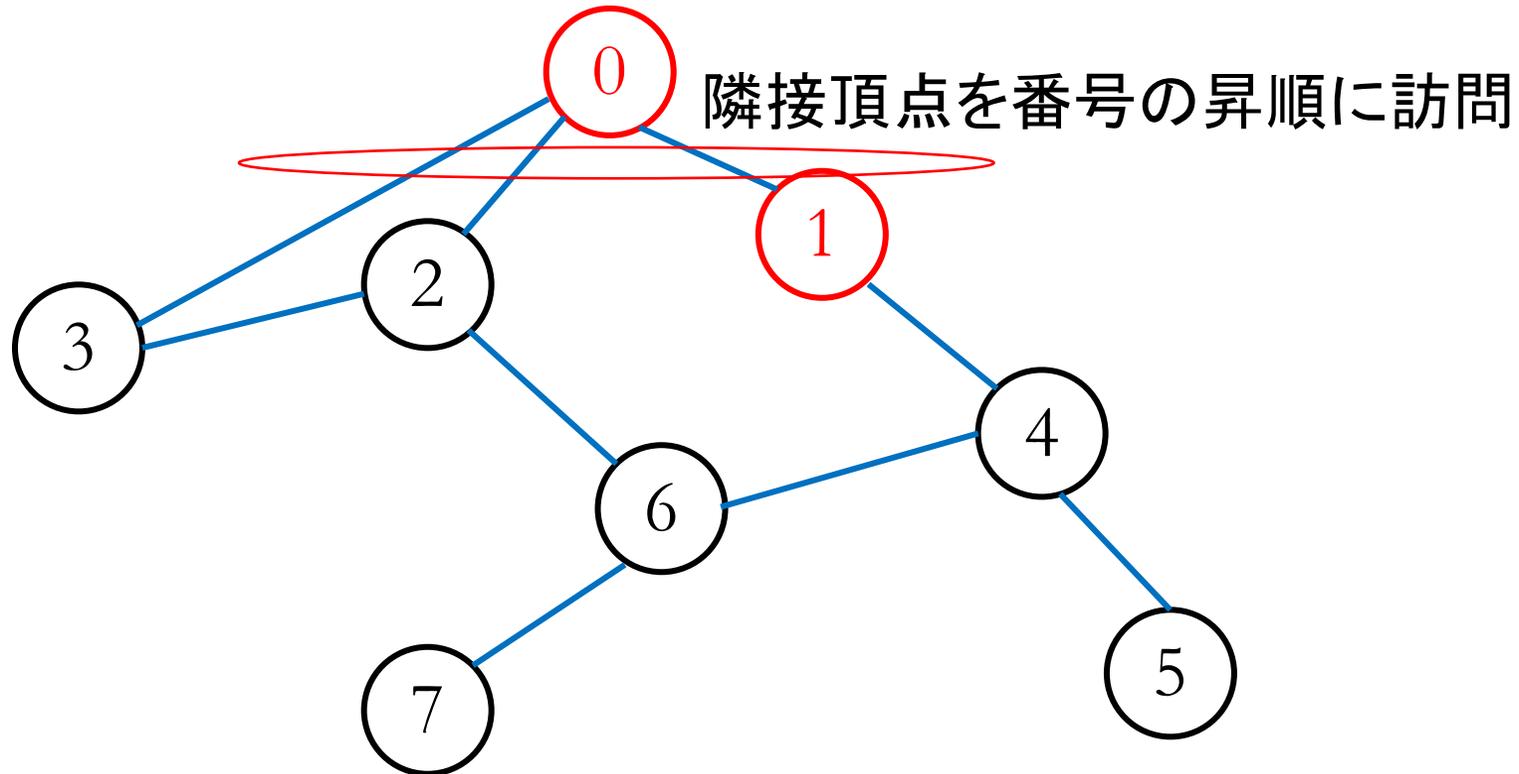
グラフ探索の実装

# 深さ優先探索の実装

- 再帰
- スタック利用

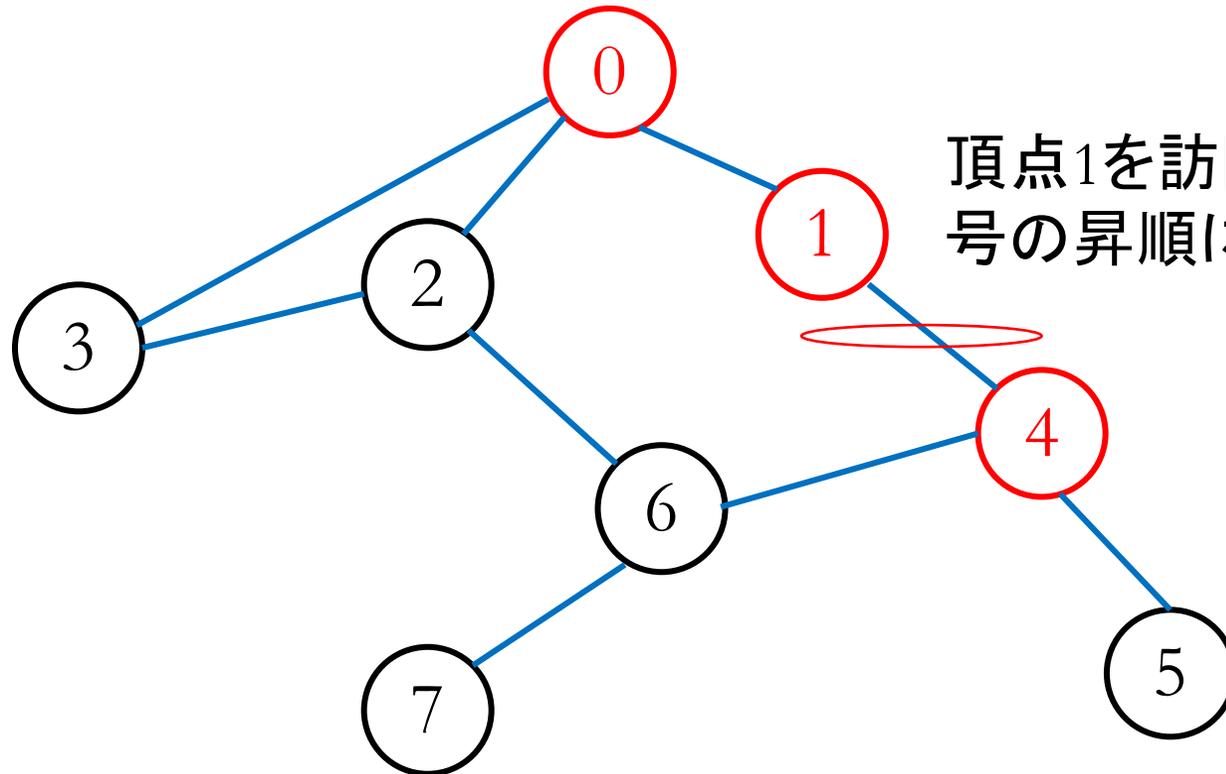
# 実装のイメージ

スタートポイント



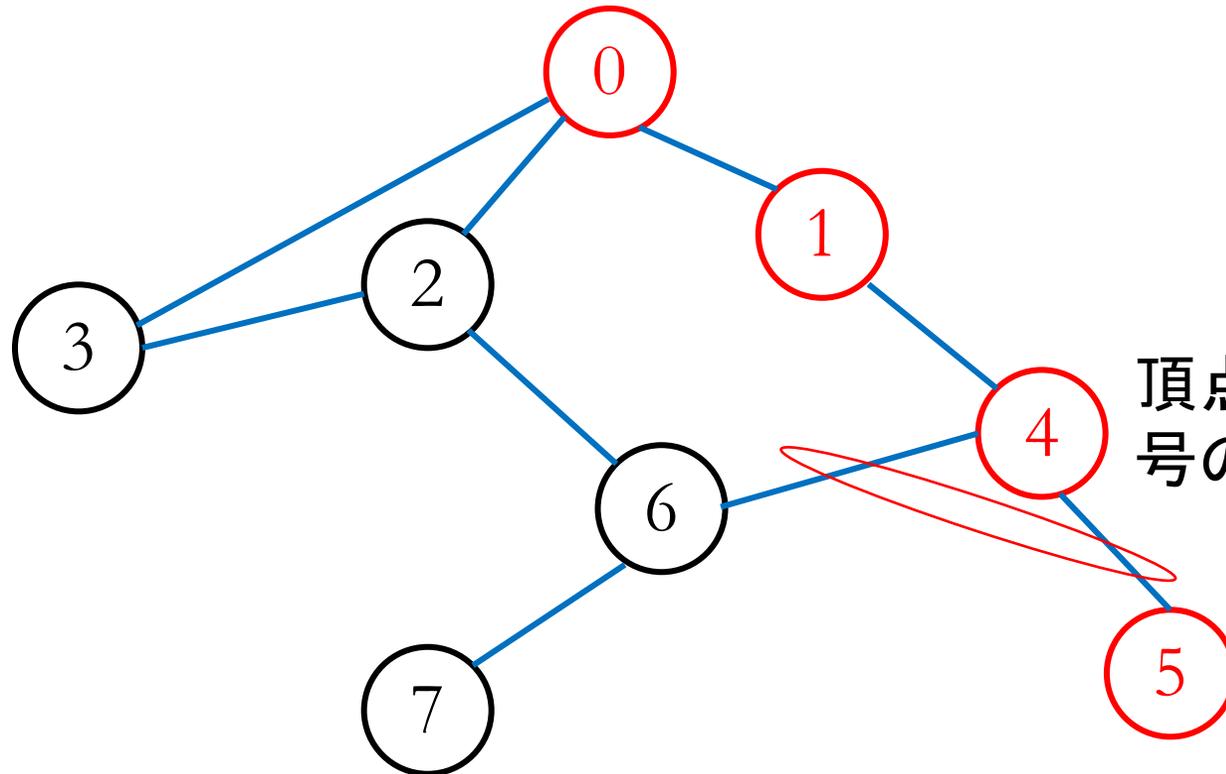
# 実装のイメージ

スタートポイント



# 実装のイメージ

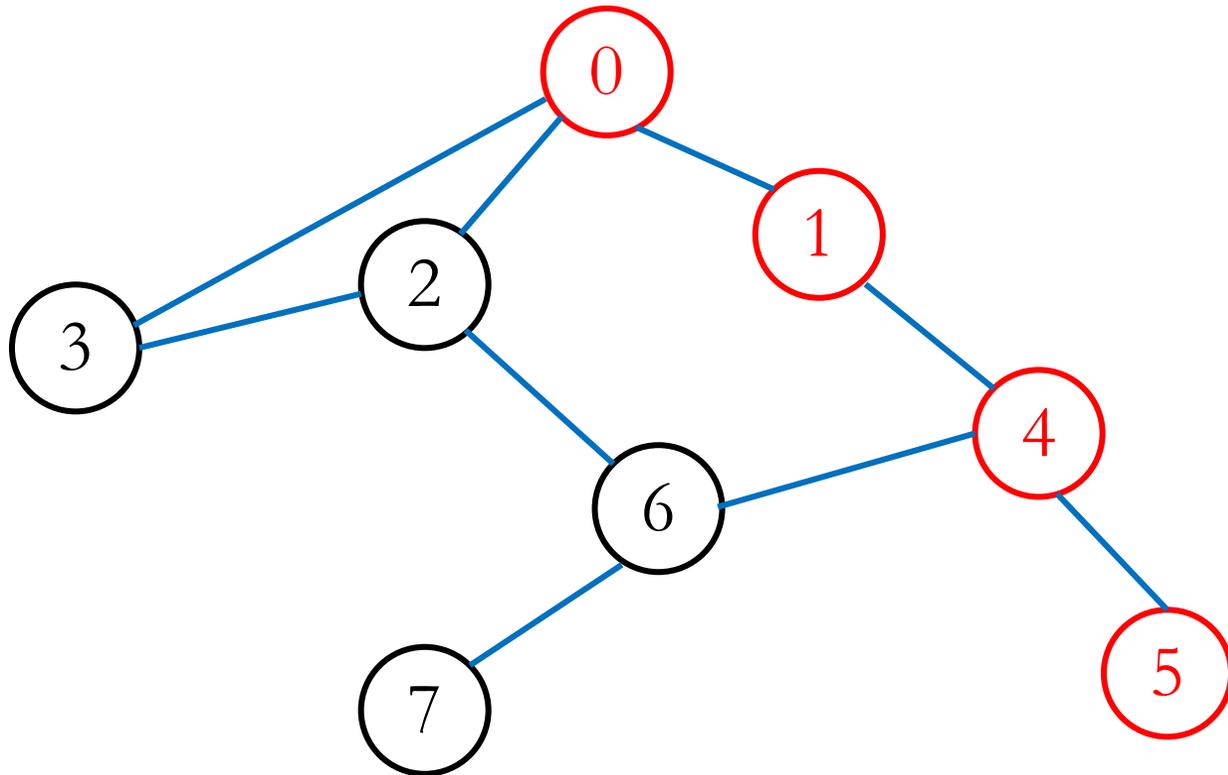
スタートポイント



頂点4を訪問し隣接頂点を番号の昇順に訪問

# 実装のイメージ

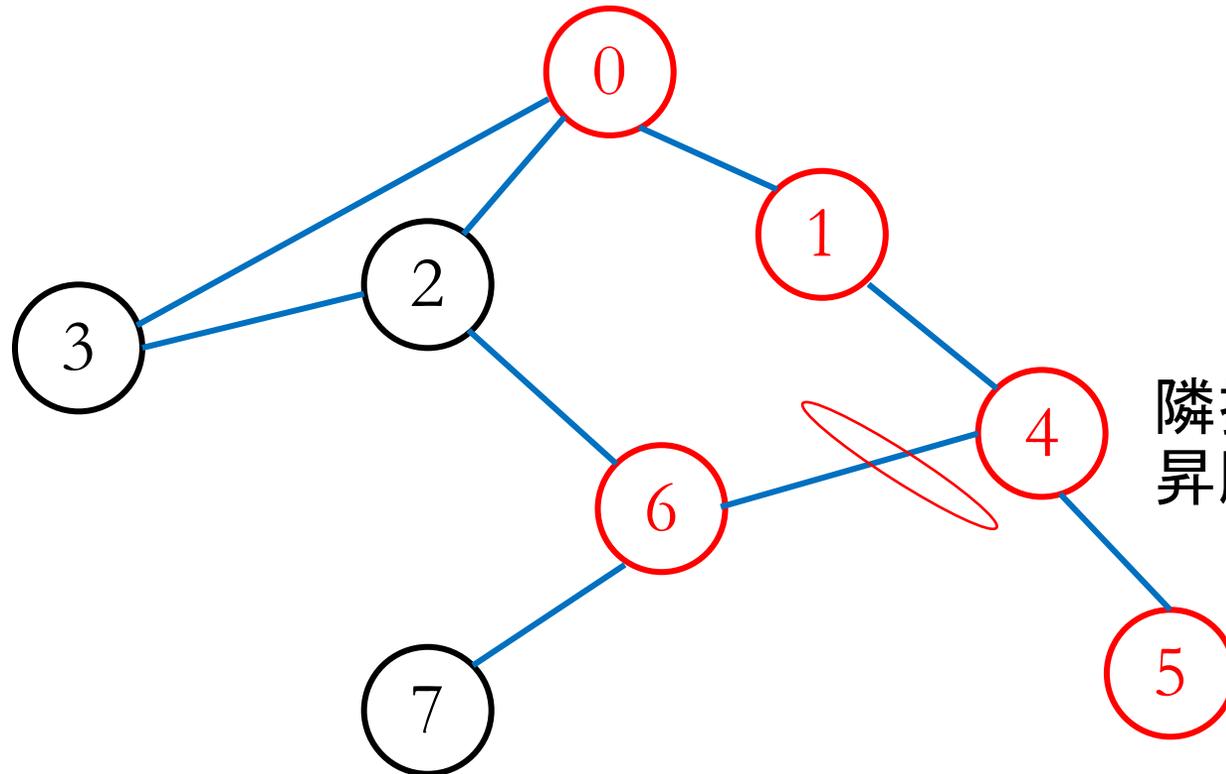
スタートポイント



頂点5を訪問し隣接頂点がないため、4に戻って

# 実装のイメージ

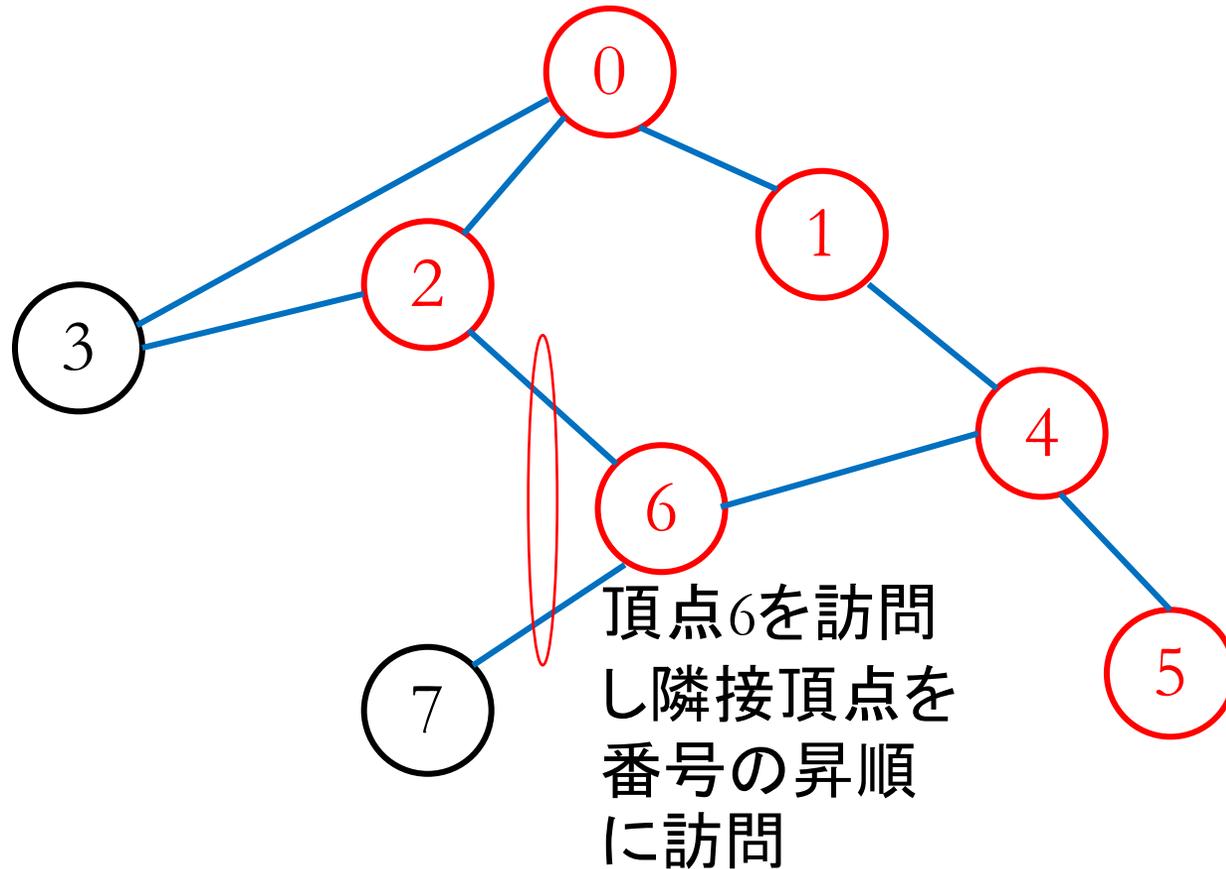
スタートポイント



隣接(未訪問)頂点を番号の昇順に訪問

# 実装のイメージ

スタートポイント



以降  
2,3を訪問、2に戻って6に戻って7を訪問  
(詳細省略)

# 実装のイメージ

- つまり、処理は「頂点*i*を訪問し隣接の頂点を番号の昇順に深さ優先的に訪問する」の繰り返し
- これを再帰プログラム(基本形)で表現すると、以下となる

```
i=0; // 頂点0を始点とする
visit(i) // iを訪問
{
    for(j)
        jがiに隣接ならvisit(j)
}
```

# 再帰のアルゴリズム

## 1. 頂点 $i$ を訪問

1.1  $i$ を訪問済みとする

1.2 各頂点 $j$ について、 $i$ と隣接しているかつ未訪問かをチェック

1.2.1 Yesなら頂点 $j$ を訪問(再帰)

1.2.2 Noなら、手順1.2に戻る(次の $j$ をチェック)

# 実装

```
#define N 8
```

```
// 隣接行列
```

```
int a[][N] = {  
    {0,1,1,1,0,0,0,0},  
    {1,0,0,0,1,0,0,0},  
    {1,0,0,1,0,0,1,0},  
    {1,0,1,0,0,0,0,0},  
    {0,1,0,0,0,1,1,0},  
    {0,0,0,0,1,0,0,0},  
    {0,0,1,0,1,0,0,1},  
    {0,0,0,0,0,0,1,0}  
};
```

```
// 頂点チェック用(訪問済み)配列  
// 0: 未訪問 1: 訪問済み
```

```
int v[N]; // v[N]:{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0};
```

# 再帰のプログラム

```
#include <stdio.h>

void visit(int i) {
    int j;

    ?1 = 1;
    printf("%d ", i);

    for(j = 0; j < N; j++)
        if(隣接チェック && 未訪問チェック)
            visit(j);
}
```

```
int main(void)
{
    visit(0); //任意の頂点番号
    printf("¥n");
    return 0;
}

./a.out
0 1 4 5 6 2 3 7
```

# manaba小テスト:04-1

- 6分
- 6点

# 再帰の代わりにスタックを用いる

- 前述の通り、処理は「頂点 $i$ を訪問し隣接の頂点を番号の昇順に**深さ優先的に訪問する**」の繰り返し
- これをスタックを用いて表現すると、アルゴリズムの**基本形**は以下となる

起点とする頂点をスタックに格納

スタックが空となるまで以下を繰り返す

スタックから頂点(頂点番号)1つ取り出し、 $i$ とする //  $i$ を訪問

各頂点 $j$ について以下を繰り返す

$i$ に隣接なら $j$ をスタックに格納

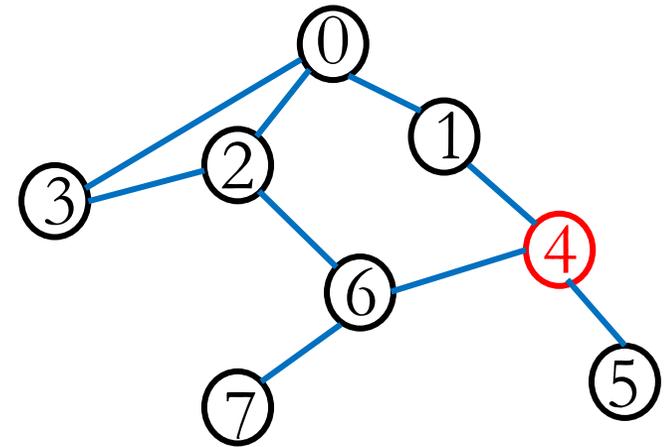
}

# スタック利用のアルゴリズム

1. 起点となる頂点をスタックに入れる
2. スタックが空になるまで以下を繰り返す
  - 2.1 スタックから頂点1つを取り出し、 $i$ とする
  - 2.2  $i$ が訪問済みであれば手順2に戻る
  - 2.3  $i$ を訪問済みとする
  - 2.4 すべての頂点 $j$ (ここでは逆順: $j=N-1, \dots, 0$ )について、 $i$ と隣接しているかつ未訪問かをチェック
    - 2.3.1 Yesなら $j$ をスタックにいれる

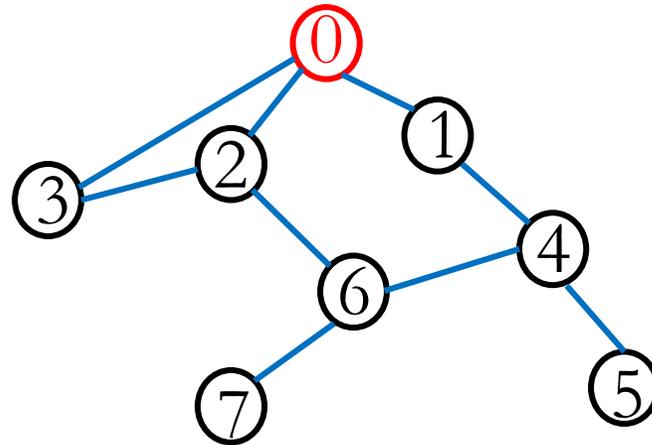
# 補足

- グラフの場合、複数の頂点が1つの頂点に隣接するので、上記アルゴリズムだと、同じ頂点が複数回スタックに格納される場合がある
- 右のグラフの場合、4を始点とした場合、4,1,0,2,3の順で探索していくが、0,2を探索するとき、3が未訪問なので、2回スタックに格納される(6も同様)
- その結果、手順2.2がなければ、
  - 4, 1, 0, 2, 3, 6, 7, 3, 5, 6と、同じ頂点が複数回訪問され、訪問頂点数が頂点総数を超えてしまう
  - 一方、訪問頂点数が頂点総数と等しいとなった場合に訪問を打ち切る、というような方法を取った場合は頂点3の2回目の訪問が頂点5よりも前になるので、探索結果が間違ってしまう



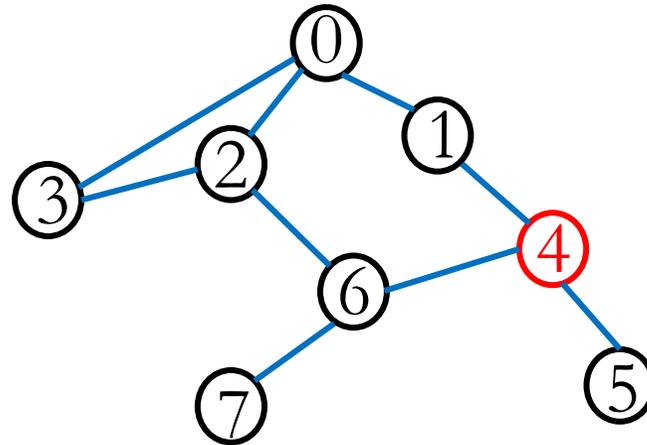
# 演習

- 下記グラフの頂点0を起点とし、上記アルゴリズムを適用した場合、スタックが空になるまでのスタックの中身と、訪問する頂点番号(取り出して訪問済みとする頂点番号)を時間順に示しなさい



# 演習

- 下記グラフの頂点4を起点とし、上記アルゴリズムを適用した場合、スタックが空になるまでのスタックの中身と、訪問する頂点番号(取り出して訪問済みとする頂点番号)を時間順に示しなさい



# manaba小テスト:04-2

- 15分
- 10点

# スタック利用のプログラム

```
#include <stdio.h>
#include "stack.h"
// 「スタックの講義資料」(ダウンロード可能)を参照
// a, vの宣言はP11
void visit(int i)
{
    int j;

    InitStack();
    ?1;
    while(!StackEmpty()) {
        i=?2;
        if(v[i]==1) continue;
```

```
        v[i]=?3;
        printf("%0d ", i);
        for(j=N-1; j>=0; j--) // 逆順!!!
            if(a[i][j] == 1 && (v[j] == 0)) ?4;
    }
    printf("¥n");
}

int main(void)
{
    visit(0);
    return 0;
}
```

# manaba小テスト:04-3

- 6分
- 8点

# 幅優先探索の実装

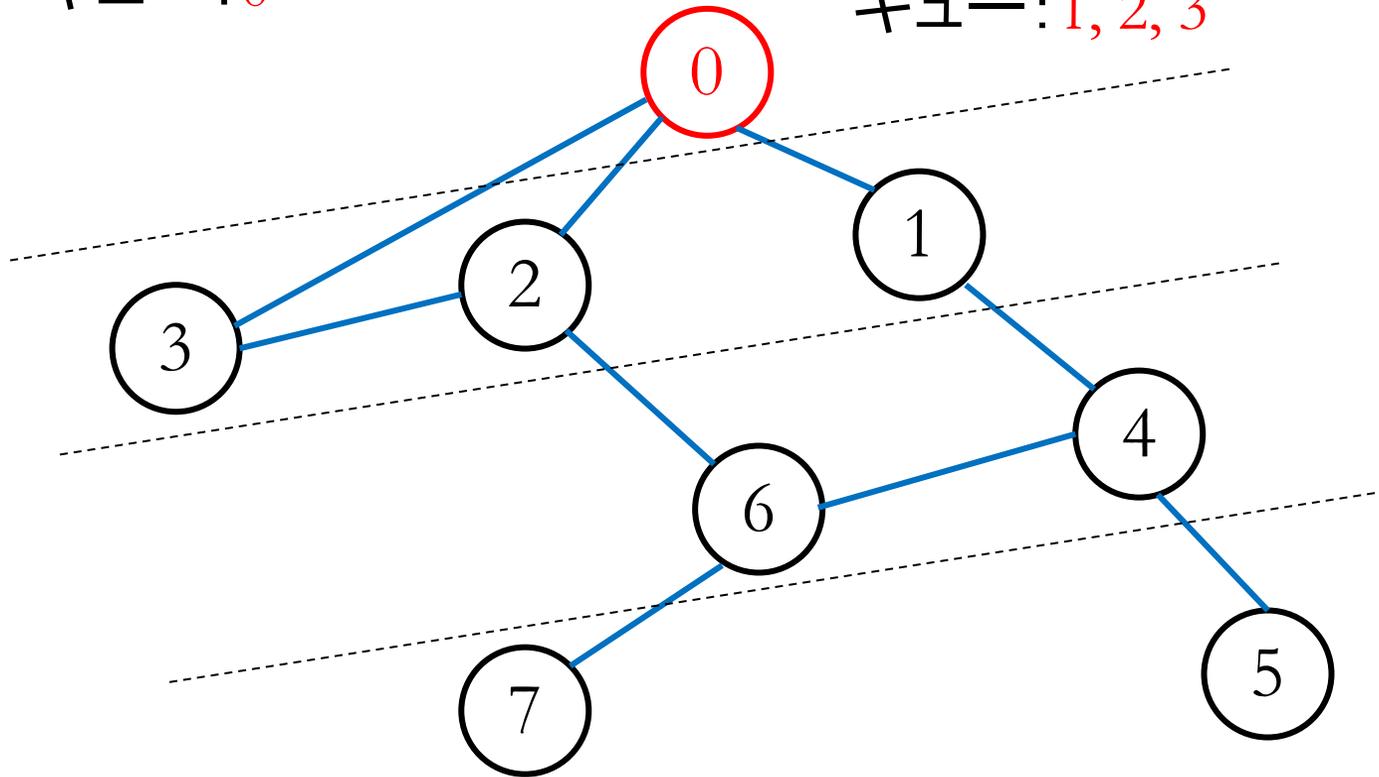
- キューを利用する

# 実装のイメージ

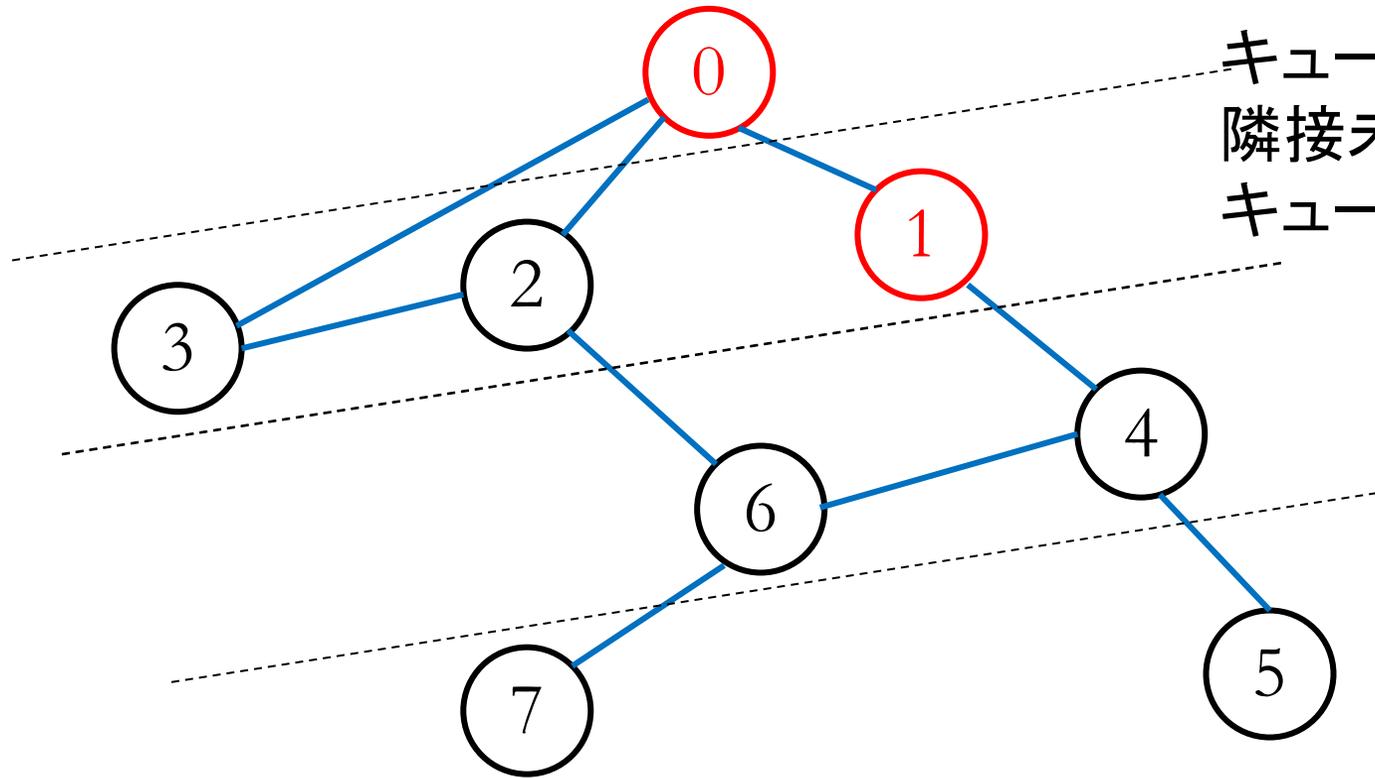
初期状態

キュー: 0

キューから先頭(0)を取り出し(0を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー: 1, 2, 3

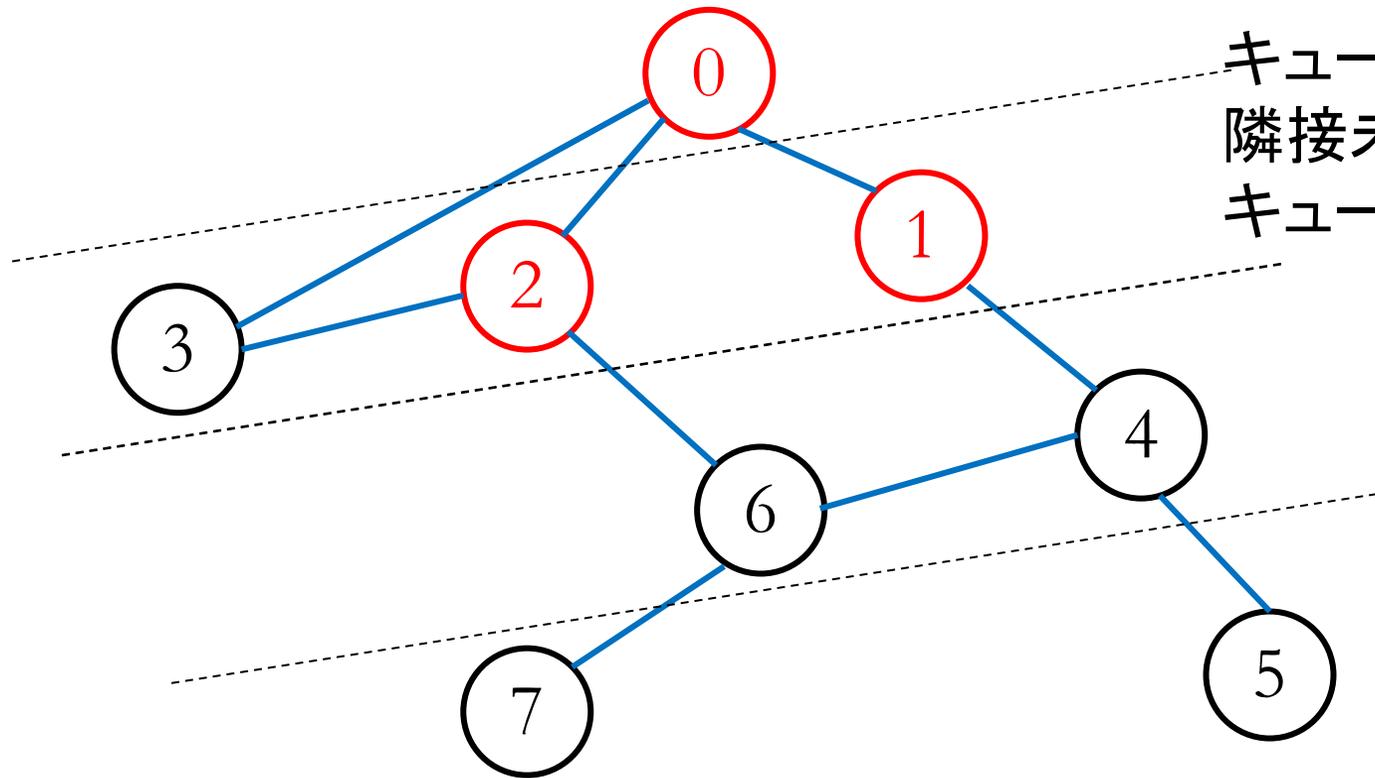


# 実装のイメージ



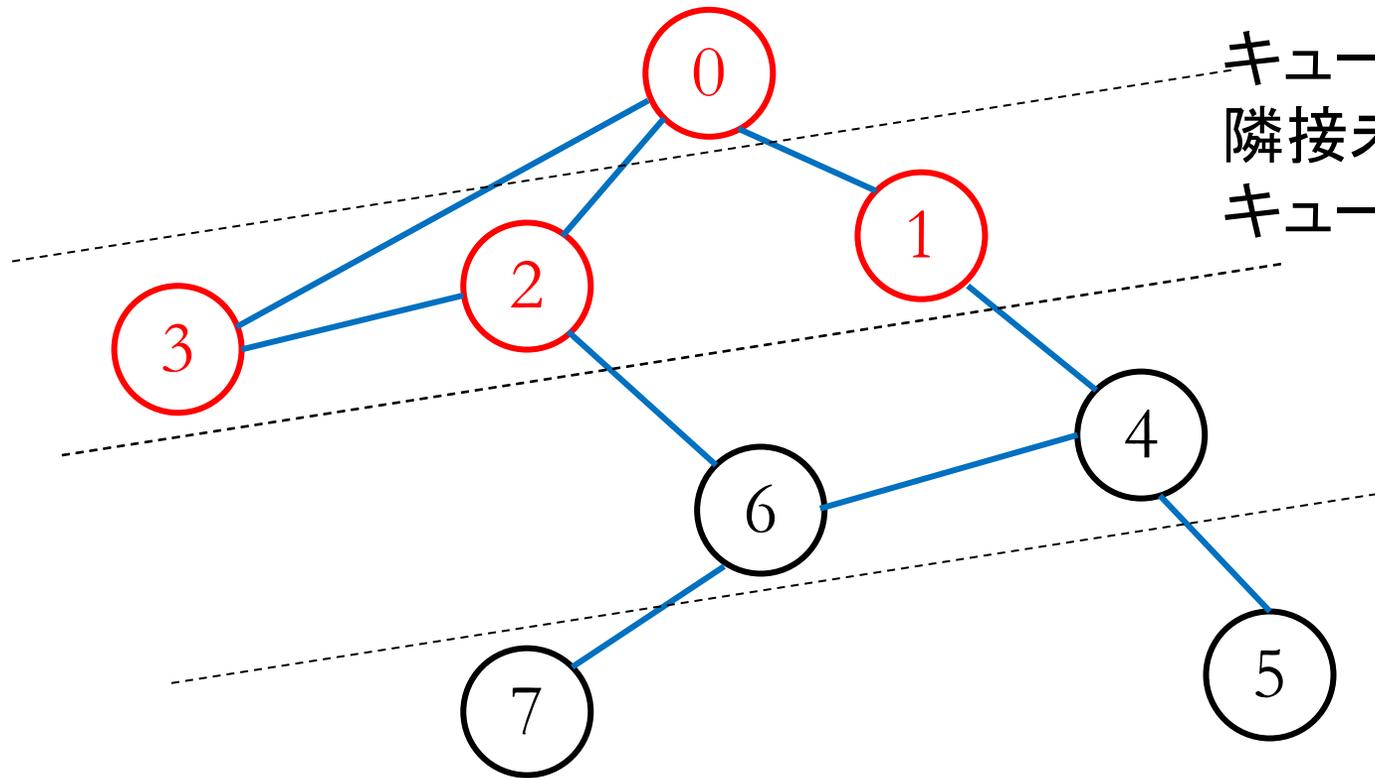
キューから先頭(1)を取り出し(1を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー: 2, 3, 4

# 実装のイメージ



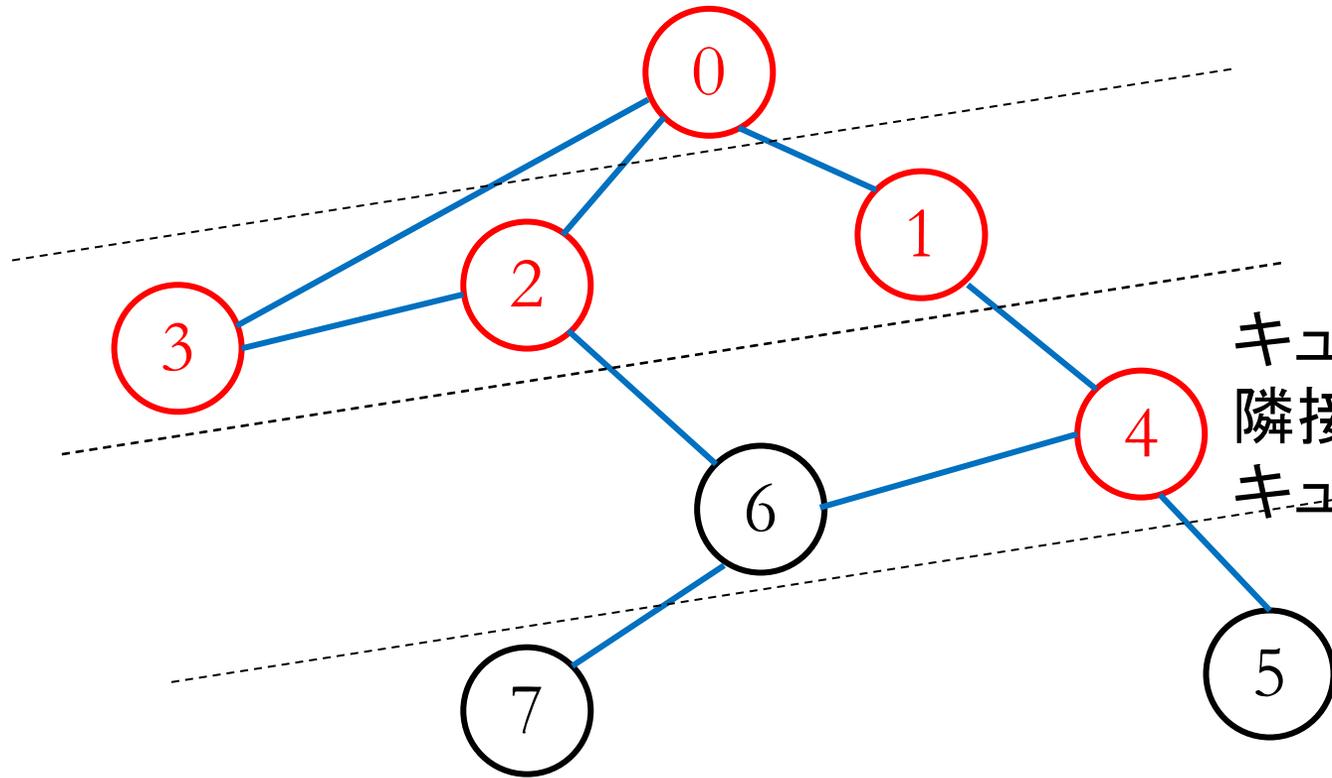
キューから先頭(2)を取り出し(2を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー: 3, 4, 6

# 実装のイメージ



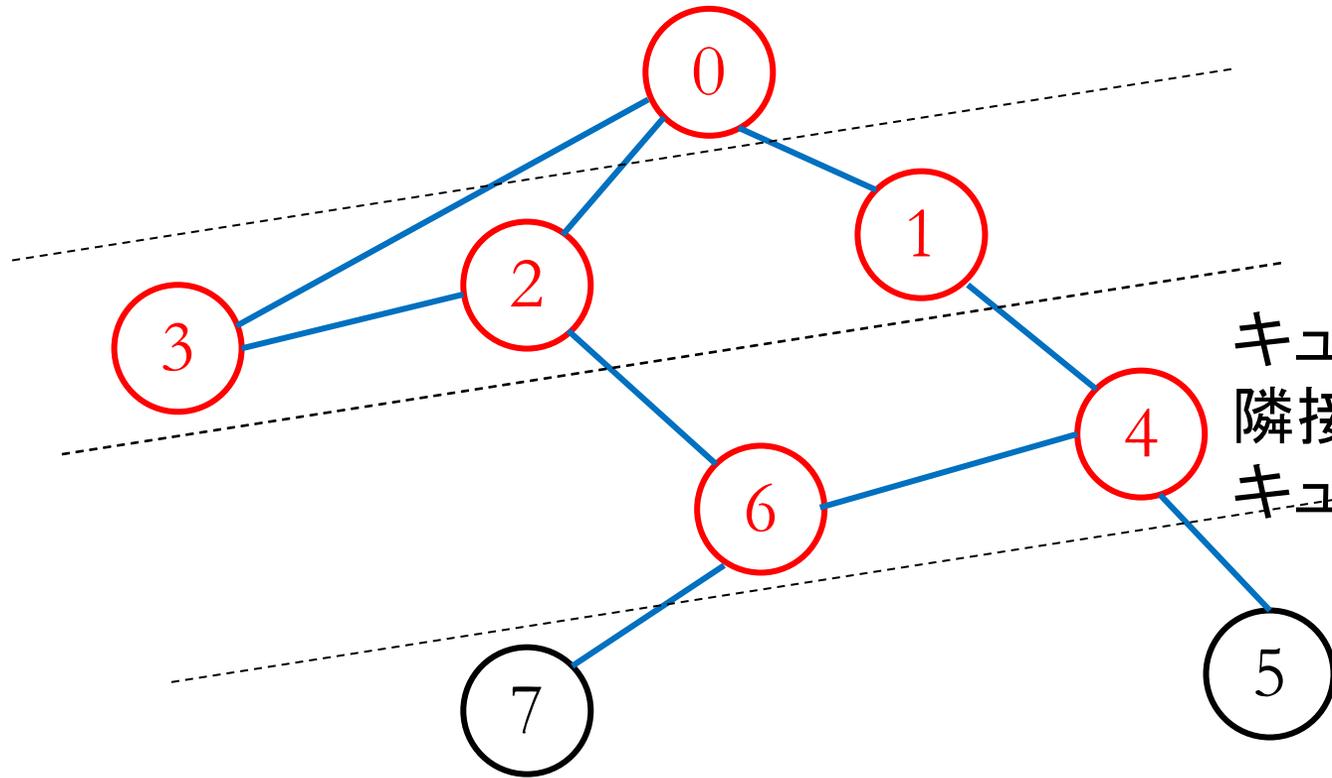
キューから先頭(3)を取り出し(3を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー:4, 6

# 実装のイメージ



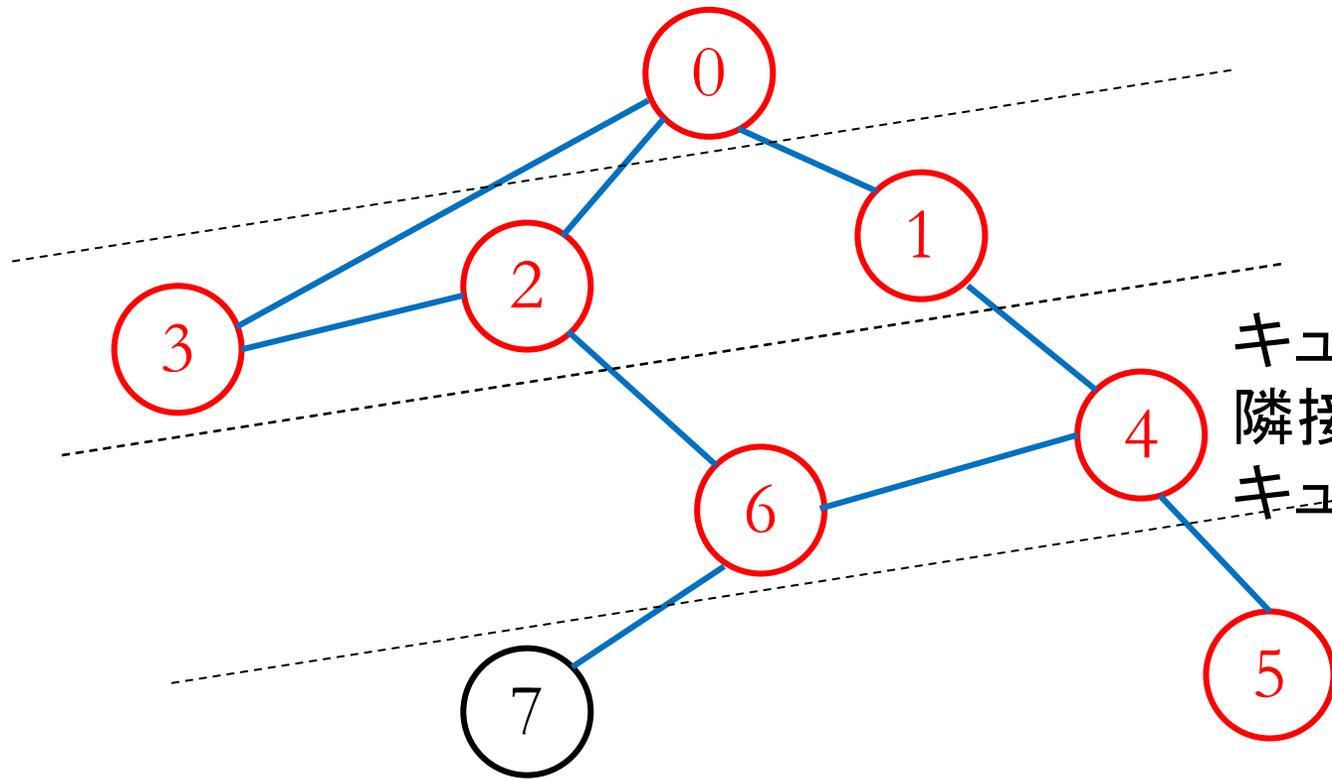
キューから先頭(4)を取り出し(4を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー: 6, 5

# 実装のイメージ



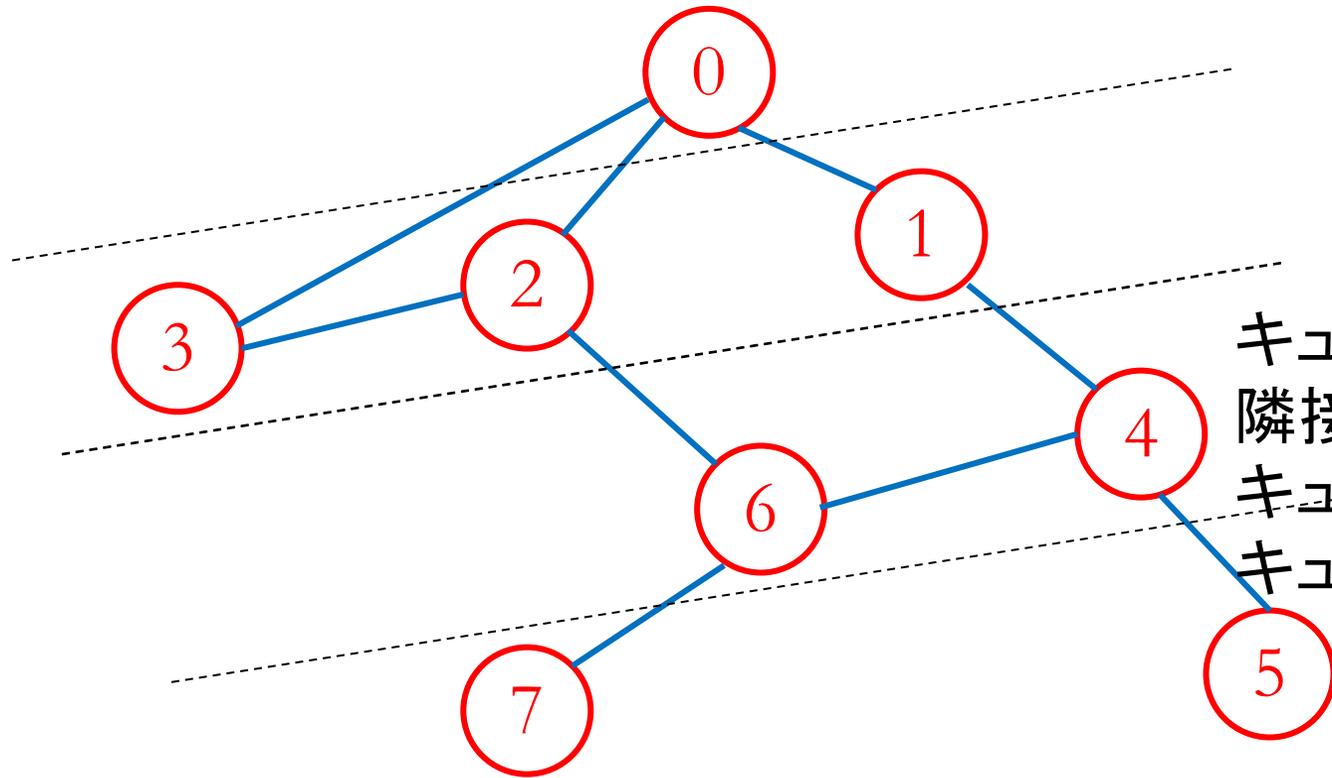
キューから先頭(6)を取り出し(6を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー: 5, 7

# 実装のイメージ



キューから先頭(5)を取り出し(5を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー:7

# 実装のイメージ



キューから先頭(7)を取り出し(7を訪問)、  
隣接未格納頂点を番号の昇順にキューに  
キュー:  
キューが空となったため、終了

# 実装のイメージ

- 前述の通り、処理は「キューから先頭( $i$ )を取り出し( $i$ を訪問)、隣接未格納頂点 $j$ を番号順にキューに」の繰り返し
- アルゴリズムの**基本形**は以下となる

起点とする頂点をキューに格納

キューが空となるまで以下を繰り返す

    キューからデータを取り出し、 $i$ とする

    各頂点 $j$ について以下を繰り返す

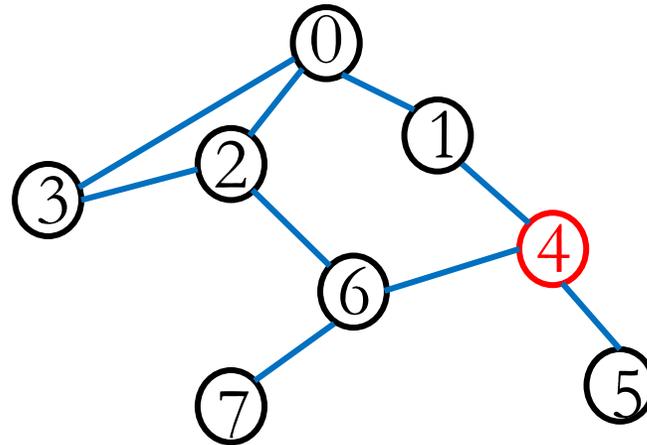
$i$ に隣接なら $j$ をキューに格納

# アルゴリズム

1. 始点となる頂点をキューに入れ、**格納済み**とする
2. キューが空になるまで以下を繰り返す
  - 2.1 キューから頂点1つを取り出す。これを*i*とする
  - 2.2 すべての頂点*j* ( $j=0, \dots, N-1$ ) について、*i*と隣接しているかつ未格納かをチェック
    - 2.2.1 Yesなら*j*をキューにいれ、**格納済み**とする

# 演習

- 下記グラフの頂点4を起点とし、上記アルゴリズムを適用した場合、キューが空になるまでのキューの中身と取り出した頂点番号を時間順に示しなさい



# manaba小テスト:04-4

- 10分
- 8点

# 実装

```
#define N 8
```

```
// 隣接行列
```

```
int a[][N] = {  
    {0,1,1,1,0,0,0,0},  
    {1,0,0,0,1,0,0,0},  
    {1,0,0,1,0,0,1,0},  
    {1,0,1,0,0,0,0,0},  
    {0,1,0,0,0,1,1,0},  
    {0,0,0,0,1,0,0,0},  
    {0,0,1,0,1,0,0,1},  
    {0,0,0,0,0,0,1,0}  
};
```

```
// 頂点チェック用(格納済みかの)配列  
// 0: 未格納 1: 格納済み
```

```
int v[N]; // v[N]={0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0};
```

# プログラム

```
#include <stdio.h>
#include "queue.h"
// 「キューの講義資料」(ダウンロード可能)を参照

visit(int i)
{
    int j;

    InitQueue();
    ?1;
    v[i]=?2;

    while(!QueueEmpty()) {
        i = ?3;
        printf("%d ", i);
```

```
        for(j=0; j<N; j++)
            if(a[i][j] == 1 && v[j] == 0) {
                ?4;
                v[j]=?5;
            }
        }
        printf("¥n");
    }

int main(void) {
    visit(0); // 任意の頂点
    return 0;
}
```

# manaba小テスト:04-5

- 10分
- 10点